

*On prendra soin de coller le sujet sur la copie. La note tiendra compte de la qualité de la rédaction et des justifications.*

**Exercice 1.** On considère la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :

$$f(x) = x^2 e^{-x} - 1$$

- Déterminer les limites de  $f$  en  $\pm\infty$ .
- Calculer  $f'(x)$  puis étudier les variations de  $f$ .
- Déterminer le nombre de solutions de l'équation  $f(x) = 0$  en justifiant soigneusement.

**Exercice 2.** On considère l'équation (E) :

$$(E) : z^3 + 64 = 0$$

- Déterminer les réels  $a$  et  $b$  tels que :

$$z^3 + 64 = (z + 4)(z^2 + az + b)$$

- Déterminer les solutions de l'équation (E).
- Dans le plan complexe, on considère les points A, B et C d'affixes respectives  $z_A = -4$ ,  $z_B = 2 + 2i\sqrt{3}$  et  $z_C = \overline{z_B}$ .
  - Déterminer le module et un argument de chacun des trois nombres complexes.
  - Déterminer la forme exponentielle de chacun des trois nombres complexes.
  - Déterminer la forme exponentielle du produit  $z_A \times z_B \times z_C$
  - En déduire la forme algébrique du produit.

*On prendra soin de coller le sujet sur la copie. La note tiendra compte de la qualité de la rédaction et des justifications.*

**Exercice 1.** On considère l'équation (E) :

$$(E) : z^3 + 27 = 0$$

- Déterminer les réels  $a$  et  $b$  tels que :

$$z^3 + 27 = (z + 3)(z^2 + az + b)$$

- Déterminer les solutions de l'équation (E).
- Dans le plan complexe, on considère les points A, B et C d'affixes respectives  $z_A = -3$ ,  $z_B = \frac{3}{2} + \frac{3\sqrt{3}}{2}i$  et  $z_C = \overline{z_B}$ .
  - Déterminer le module et un argument de chacun des trois nombres complexes.
  - Déterminer la forme exponentielle de chacun des trois nombres complexes.
  - Déterminer la forme exponentielle du produit  $z_A \times z_B \times z_C$
  - En déduire la forme algébrique du produit.

**Exercice 2.** On considère la fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :

$$f(x) = x e^{-x} - 1$$

- Déterminer les limites de  $f$  en  $\pm\infty$ .
- Calculer  $f'(x)$  puis étudier les variations de  $f$ .
- Déterminer le nombre de solutions de l'équation  $f(x) = 0$  en justifiant soigneusement.