Interrogation n°7

On prendra soin de coller le sujet sur la copie. La note tiendra compte de la qualité de la rédaction et de l'application.

Exercice 1. (6 points)

Résoudre dans \mathbb{R} les inéquations suivantes (on écrira l'ensemble des solutions sous forme d'intervalle) :

1.
$$x - 2 \ge 0$$

2.
$$2x + 5 > \frac{1}{2}$$

3.
$$\frac{1-3x}{4} \le 0$$

4.
$$3x - 3 < 5 - 2x$$

5.
$$2(x-8) \ge 8-3x$$

6.
$$\frac{x-2}{3} - \frac{1-x}{2} \ge 0$$

Exercice 2. (4 points)

- 1. On note $f(x) = x^2 + 2x 3$ pour tout $x \in \mathbb{R}$.
 - (a) Montrer que, pour tout $x \in \mathbb{R}$ on a :

$$(x+3)(x-1) = x^2 + 2x - 3$$

(b) Montrer que, pour tout $x \in \mathbb{R}$ on a :

$$(x+1)^2 - 4 = x^2 + 2x - 3$$

2. Résoudre chacune des inéquations suivantes en choisissant l'expression de f(x) la mieux adpatée :

(a)
$$f(x) > x^2 - 1$$

(b)
$$f(x) \le -4$$

On prendra soin de coller le sujet sur la copie. La note tiendra compte de la qualité de la rédaction et de l'application.

Exercice 1. (6 points)

Résoudre dans \mathbb{R} les inéquations suivantes (on écrira l'ensemble des solutions sous forme d'intervalle) :

1.
$$x - 2 < 0$$

2.
$$2x - 5 > \frac{1}{3}$$

3.
$$\frac{1-3x}{5} \ge 0$$

4.
$$3x - 1 < 5 + 2x$$

5.
$$2(2x-4) \ge 8-4x$$

6.
$$\frac{x-1}{3} - \frac{2-x}{2} \le 0$$

Exercice 2. (4 points)

- 1. On note $f(x) = x^2 + 3x 10$ pour tout $x \in \mathbb{R}$.
 - (a) Montrer que, pour tout $x\in\mathbb{R}$ on a :

$$(x+5)(x-2) = x^2 + 3x - 10$$

(b) Montrer que, pour tout $x \in \mathbb{R}$ on a :

$$\left(x + \frac{3}{2}\right)^2 - \frac{49}{4} = x^2 + 3x - 10$$

2. Résoudre chacune des inéquations suivantes en choisissant l'expression de f(x) la mieux adpatée :

(a)
$$f(x) > x^2 - 1$$

(b)
$$f(x) \le -\frac{49}{4}$$