

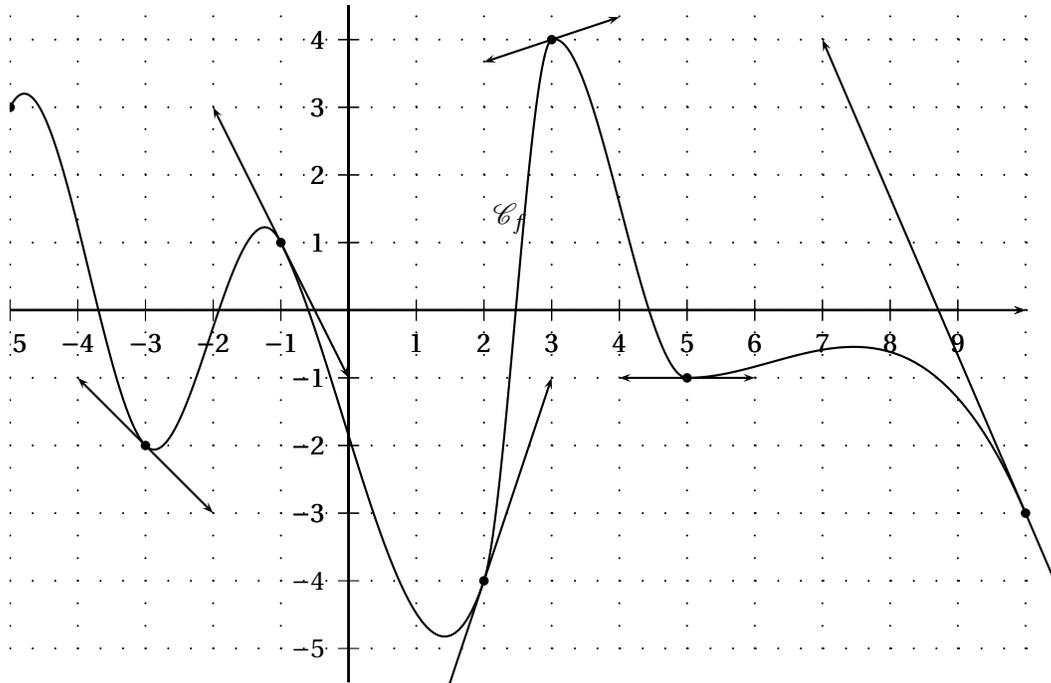
## EXERCICES PARTONS À LA DÉRIVE

**Exercice 1 :** La représentation graphique  $\mathcal{C}_f$  d'une fonction  $f$  est donnée ci-dessous. En chacun des points indiqués,  $\mathcal{C}_f$  admet une tangente qui est tracée. En vous servant du quadrillage :

1. Lisez les nombres suivants :

$$\begin{array}{cccccc} f(-1) & f(3) & f(2) & f(-3) & f(10) & f(5) \\ f'(2) & f'(-1) & f'(-3) & f'(10) & f'(5) & f'(3) \end{array}$$

2. Retrouvez les équations de chacune des tangentes tracées.



**Exercice 2 :** Soit  $f$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par  $f(x) = x^4 - 2x + 1$ . Soit  $\mathcal{C}_f$  sa représentation graphique. Donner (en justifiant) l'équation de la tangente à  $\mathcal{C}_f$  au point d'abscisse 0.

**Exercice 3 :**

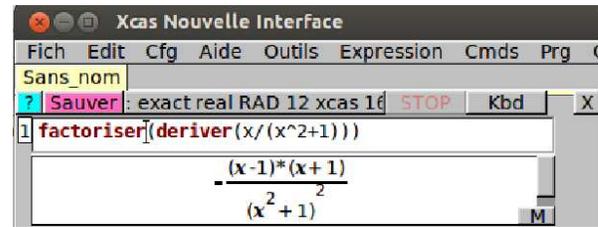
- Donner une équation de la tangente  $T$  à la courbe  $\mathcal{C}$  d'équation  $y = \sin(4x)$  au point d'abscisse 0.
- Vérifier votre résultat graphiquement sur votre calculatrice.

**Exercice 4 :** Pour chacune des fonctions  $f$  suivantes, calculer leur fonction dérivée (on ne demande pas le domaine de dérivabilité) :

$$\begin{array}{cccc} f: x \mapsto (2x+3) \cos x & f: x \mapsto (3 \sin(x) + 1)^4 & f: x \mapsto (5x^4 - 4x + 1) \times \frac{1}{x} \\ f: x \mapsto \frac{1}{9} - \frac{1}{x^3} & f: x \mapsto \frac{x^2 + 5x - 2}{x^7 - 4} & f: x \mapsto \frac{x^2 - x + 7}{5} & f: x \mapsto \frac{\cos(-3x + 1)}{2x + 5} \\ f: x \mapsto (x^2 + 3x - 1)^3 & f: x \mapsto 4(2x^2 - 3)^7 & f: x \mapsto \frac{1}{(4x - 5)^3} & f: x \mapsto \frac{3}{(x^2 + 4)^5} \end{array}$$

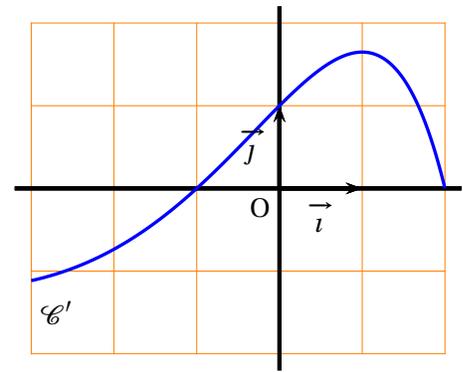
 **Exercice 5** : On considère la fonction  $f$  définie par  $f(x) = \frac{x}{x^2 + 1}$  sur  $\mathbb{R}$

1. A l'aide de la calculatrice,
  - a. Dresser le tableau de variations de la fonction  $f$
  - b. En déduire le tableau de signes de  $f'(x)$ .
2. A l'aide du résultat donné par Xcas,
  - a. Dresser le tableau de signes de  $f'(x)$
  - b. En déduire le tableau de variation de  $f$ .
  - c. Préciser les extrema locaux de  $f$ .
3. Vérifier la cohérence de vos résultats.



 **Exercice 6** : Le plan est muni d'un repère orthonormé  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ . On considère une fonction  $f$  dérivable sur l'intervalle  $[-3; 2]$  dont la courbe  $\mathcal{C}'$  de la fonction **dérivée**  $f'$  est représentée ci-contre.

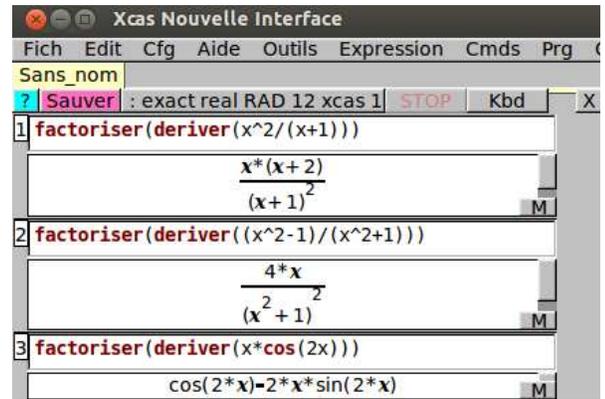
1. Dresser graphiquement le tableau de signes de  $f'(x)$ .
2. En déduire le tableau de variations de la fonction  $f$ .
3. On sait de plus que  $f(0) = -1$ .  
Pour tout réel  $x$  de l'intervalle  $[-3; 2]$  a-t-on  $f(x) \geq -1$  ?
4. Soit  $\mathcal{C}$  la courbe représentative de la fonction  $f$ .  
Déterminer l'équation de la tangente à la courbe  $\mathcal{C}$  au point d'abscisse 0.
5. Cette tangente passe-t-elle par le point de coordonnées  $(3; 1)$  ?  
Par celui de coordonnées  $(1; 0)$  ?



 **Exercice 7** : Soit les fonctions  $f$  et  $F$  définies sur  $\mathbb{R}$  respectivement par  $f(x) = x^3 - 5x^2 + 1$  et  $F(x) = \frac{x^4}{4} - \frac{5x^3}{3} + x - 7$ . Vérifier que  $F$  est une primitive de  $f$  sur  $\mathbb{R}$ .

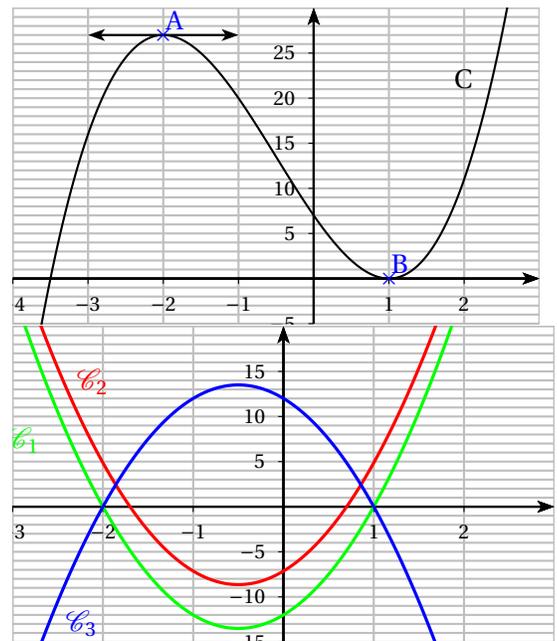
**Exercice 8 :**

- Indiquer en justifiant la réponse, si la fonction F est une primitive de la fonction f sur l'intervalle I
  - $F(x) = \frac{x^2}{x+1}$  et  $f(x) = \frac{x^2+2x}{(x+1)^2}$  ( $I = ]-1; +\infty[$ )
  - $F(x) = \frac{x^2-1}{x^2+1}$  et  $f(x) = \frac{4x}{(x+1)^2}$  ( $I = \mathbb{R}$ )
  - $F(x) = x \cos(2x)$  et  $f(x) = \cos(2x) + 2x \sin(2x)$  ( $I = \mathbb{R}$ )
- Vérifier vos réponses à l'aide des résultats proposés par Xcas ci-dessous

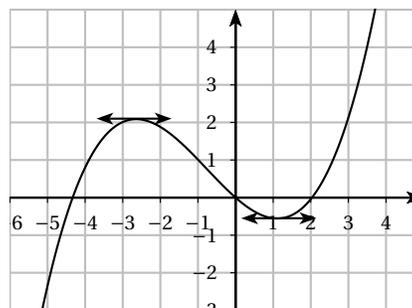


**Exercice 9 :** La courbe C ci-dessous est la courbe représentative d'une fonction F définie sur  $[-3;2]$ . Cette courbe admet deux tangentes horizontales aux points A(1,0) et B(-2;27).

- Déterminer  $F(-2)$ .
  - Déterminer  $F'(-2)$ . Justifier.
  - Dresser le tableau de variation de F en y incluant une ligne pour le signe de  $F'$ .
- La fonction F est une primitive d'une fonction f sur  $[-3;2]$ .
  - Compléter : pour tout  $x \in [-3;2]$  on a  $F'(x) = \dots$
  - Déduire alors de la question 1 :
    - ↪ la valeur de  $f(-2)$
    - ↪ le tableau de signes de f
  - Parmi les trois courbes ci-dessous se trouve la courbe représentative de f. Laquelle est-ce? Justifier.



**Exercice 10 :** Soit f une fonction dérivable sur  $\mathbb{R}$  dont la courbe représentative est tracée ci-contre. On note F une primitive de f sur  $\mathbb{R}$ . En vous aidant du graphique, compléter les tableaux ci-dessous.



x	
Signe de $f'(x)$	
Variations de f	

x	
Signe de $F'(x)$	
Variations de F	